

V oblasti II

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2 u(x)}{dx^2} - V_0 u(x) = E u(x)$$

$$\frac{d^2 u(x)}{dx^2} = -\beta^2 u(x)$$

$$\beta^2 = \frac{2m}{\hbar^2} (E - V_0)$$

Prídom ale platí

$$-V_0 < E < 0$$

energia vráteneho stavu musí byť väčšia ako minimum potenciálnej energie a

$$(\beta^2 > 0)$$

Všobecné riešenie rovnice platí pre oblasť II

$$u(x) = C \sin(\beta x) + D \cos(\beta x)$$

Riešenie pre oblasť $-\infty < x < \infty$ dostaneme zosťihnúť riešenie v jednotlivých oblastiach, pričom musí platiť ekv. potencie podmienky

Robíme to hľadajúc: zoberieme si E' a poveríme sa či Sch.-n. má riešenie spĺňajúce 3. podmienky.

oblasť I $A=0$ - lebo ináč $\phi(x)$ by mohla byť normovaná na 1.

$$\begin{aligned} \int_{-\infty}^{\infty} |u(x)|^2 dx &= \int_{-\infty}^{\infty} |A e^{\alpha|x|} + B e^{-\alpha|x|}|^2 dx = \\ &= \underbrace{\int_{-\infty}^{\infty} |A|^2 e^{2\alpha|x|} dx}_{+\infty} + \underbrace{\int_{-\infty}^{\infty} 2AB dx}_{-\infty} + \underbrace{\int_{-\infty}^{\infty} |B|^2 e^{-2\alpha|x|} dx}_{-\infty} \end{aligned}$$

Ak $A \neq 0$ diverguje

$\Rightarrow$ v oblasti I riešenie

$$u(x) = B e^{-\alpha|x|}$$

↑ zatiaľ ľubovoľné